

Es.83:

Nel piano xOy determina l'equazione della circonferenza \mathcal{C}_1 avente diametro AB, dove A(2,2) e B(-4,2); sia \mathcal{C}_1 il centro. Determinare l'equazione della circonferenza \mathcal{C}_2 passante per \mathcal{C}_1 , per O e per D(4,0) e sia \mathcal{C}_2 il suo centro. Determinare le equazioni delle rette t_1 e t_2 tangenti a \mathcal{C}_2 nei suoi punti d'intersezione con l'asse x . Detto inoltre H il punto d'intersezione di t_1 e t_2 , calcolare l'area del quadrilatero OC_2DH .

Piano di risoluzione

Conoscendo gli estremi del diametro trovo il centro (punto medio di AB) e il raggio (metà del segmento AB). Col centro e il raggio trovo l'equazione della circonferenza \mathcal{C}_1 .

Per trovare l'equazione della circonferenza \mathcal{C}_2 metto a sistema i 3 punti. Per trovare il centro usufruisco della formula $(-a/2, -b/2)$.

Trovo i punti di tangenza mettendo a sistema l'equazione della circonferenza \mathcal{C}_2 e $y=0$. Con le formule di sdoppiamento trovo le rette tangenti. Metto a sistema le 2 tangenti e trovo H.

Risoluzione

Trovo \mathcal{C}_1 :

$$\left(\frac{2-4}{2}, \frac{2+2}{2}\right) \xrightarrow{\text{yields}} (-1, 2)$$

Trovo Raggio \mathcal{C}_1 :

$$AB/2=r$$

$$\frac{\sqrt{(2+4)^2}}{2} = r \xrightarrow{\text{yields}} 3$$

Trovo \mathcal{C}_1 :

$$(y-2)^2 + (x+1)^2 = 3^2 \xrightarrow{\text{yields}} x^2 + y^2 + 2x - 4y - 4 = 0$$

Trovo \mathcal{C}_2 :

$$\begin{cases} 1+4-a+2b+c=0 \\ c=0 \\ 16+4a=0 \end{cases} \xrightarrow{\text{yields}} \begin{cases} a=-4 \\ b=-\frac{9}{2} \\ c=0 \end{cases} \xrightarrow{\text{yields}} x^2 + y^2 - 4x - \frac{9}{2}y = 0$$

Trovo \mathcal{C}_2 :

$$\mathcal{C}_2(-a/2, -b/2) \xrightarrow{\text{yields}} (2, 9/2)$$

Prova a fare il conto con la calcolatrice

Trovo t_1 e t_2 :

$$\begin{cases} y=0 \\ x^2 + y^2 - 4x + \frac{9}{2}y = 0 \end{cases} \xrightarrow{\text{yields}} \begin{cases} y=0 \\ x^2 - 4x = 0 \end{cases} \xrightarrow{\text{yields}} \begin{cases} y=0 \\ x=0, 4 \end{cases}$$

Da qui non hai ancora corretto

$$t_1(0,0) \xrightarrow{\text{yields}} -4\frac{x}{2} + \frac{9y}{4} = 0 \xrightarrow{\text{yields}} y = \frac{16}{9}x$$

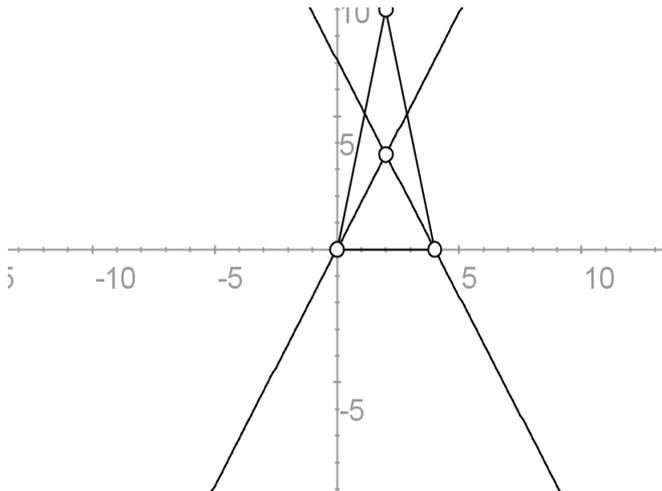
$$t_2(4,0) \xrightarrow{\text{yields}} 4x - 2x - 8 + \frac{9}{8}y = 0 \xrightarrow{\text{yields}} y = -\frac{16}{9}x + \frac{64}{9}$$

Trovo H:

$$\begin{cases} y = \frac{16}{9}x \\ y = -\frac{16}{9}x + \frac{64}{9} \end{cases} \xrightarrow{\text{yields}} \begin{cases} x = 2 \\ y = \frac{32}{9} \end{cases}$$

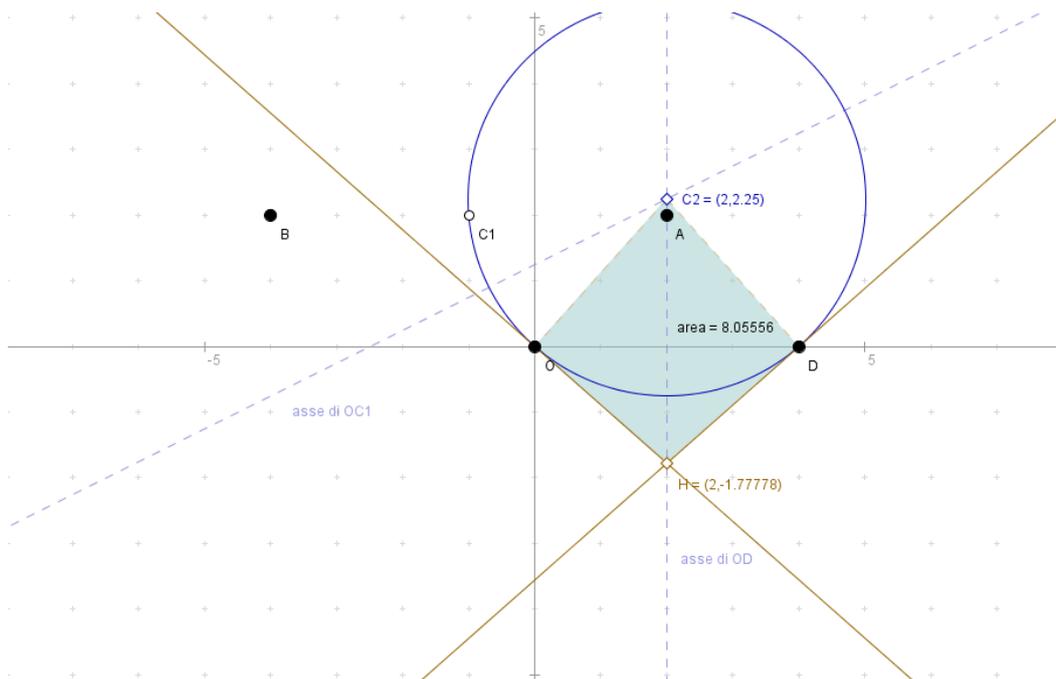
L' area del quadrilatero nn so se è giusta perché vengono numeri un po' strani. Puoi dirmi se i risultati sono giusti?

Prova a disegnare con Car le figure e guarda che valori ti dà per i centri e le tangenti



area dovrebbe essere 48/9? No, la figura non va

Ti metto la figura giusta. Confronta i tuoi valori con quelli della figura. Dovresti provare a rifare la figura da solo. Ti mando anche il file da aprire con Car: per vedere i passaggi che ho fatto devi attivare la ripetizione della costruzione (c'è una icona con due frecce come i registratori)



Correggi il file originale (es83pag399) e mandamelo